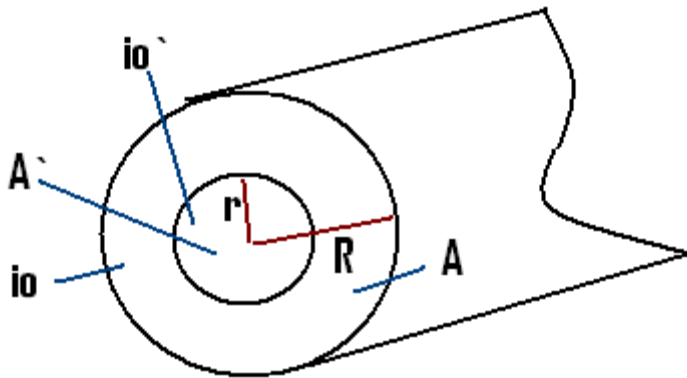




Guía Conceptual de Física
Tema: Deducción de fórmulas de electromagnetismo .
Montoya

La frase más excitante que se puede oír en ciencia,
la que anuncia nuevos descubrimientos, no es "¡Eureka!"
sino "qué extraño".

Campo magnético generado por una corriente que circula por un conductor rectilíneo.



A : area de la sección transversal del conductor de radio R y que es recorrida por la corriente i_o

A' : area de la sección transversal de la sección de conductor de radio r y que es recorrida por la corriente i_o' .

En estas condiciones , se define la densidad de corriente como:

$\frac{\text{intensidad de corriente}}{\text{area transversal}}$, esta razón permanece constante para cada sección transversal del conductor.

Entonces:

$$\frac{i_o}{A} = \frac{i_o'}{A'}$$

Luego: $\frac{i\phi}{\pi R^2} = \frac{i\phi'}{\pi r^2}$, de donde: $i\phi' = i\phi \frac{r^2}{R^2}$

De acuerdo a la ley de Ampere:

$$\oint B dl = \mu_0 i\phi'$$

Donde $l=2\pi r$, donde $dl=2\pi dr$

$$\oint B 2\pi dr = \mu_0 i\phi \frac{r^2}{R^2}$$

$$2\pi B \oint dr = \mu_0 i\phi \frac{r^2}{R^2}$$

$$2\pi B r = \mu_0 i\phi \frac{r^2}{R^2}$$

$$B = \frac{\mu_0 i\phi r^2}{2\pi r R^2}$$

$$B = \frac{\mu_0 r i\phi}{2\pi R^2}$$

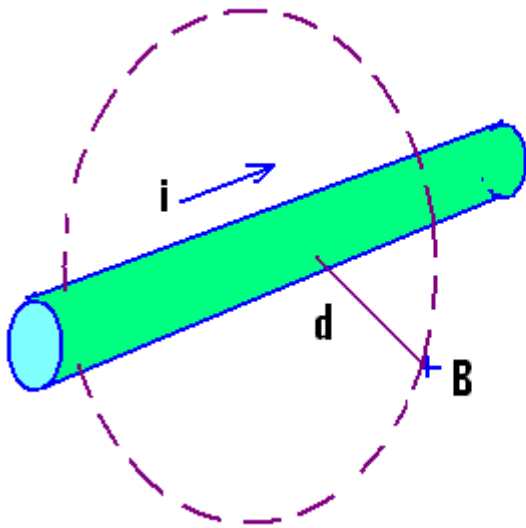
Ahora bien, cuando $r=R$, la expresión se reduce a :

$$B = \frac{\mu_0 i\phi}{2\pi R}$$

Que representa el campo magnético en la superficie del conductor de radio R

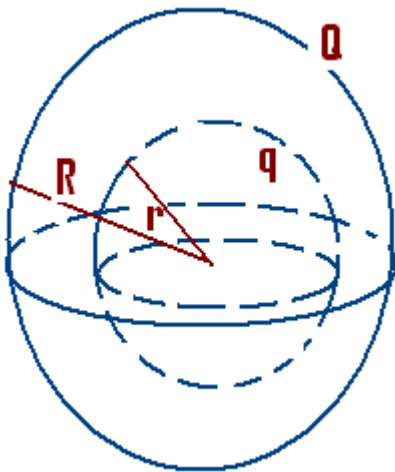
Se deduce que para un punto alejado una distancia d del conductor ,

$$B = \frac{\mu_0}{2\pi} \times \frac{i}{d}$$



B, entrando en la pagina.

Intensidad del campo eléctrico en una esfera uniformemente cargada



Si consideramos una diferencial de esfera, entonces de acuerdo a la ley de Gauss

$$\varepsilon \oint E ds = q$$

Donde q, corresponde a la carga neta encerrada en la superficie Gaussiana.

Si definimos la densidad de carga por unidad de volumen, entonces:

$$\frac{Q}{\frac{4}{3}\pi R^3} = \frac{q}{\frac{4}{3}\pi r^3}$$

De donde $q = \frac{Qr^3}{R^3}$

Como además: la superficie de la esfera esta dada por : $s = 4\pi r^2$

Entonces $dr = 8\pi r dr$

Luego:

$$\varepsilon \oint E 8\pi r dr = \frac{Qr^3}{R^3}$$

$$\varepsilon E \pi 8 \oint r dr = \frac{Qr^3}{R^3}$$

$$\varepsilon E \pi 8 \frac{r^2}{2} = \frac{Qr^3}{R^3}$$

$$\varepsilon E \pi 4 r^2 = \frac{Qr^3}{R^3}$$

De donde : $E = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \times \frac{rQ}{R^3}$

Si $R=r$, entonces el campo eléctrico en la superficie de la esfera uniformemente cargada esta dada por:

$$E = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \times \frac{Q}{R^2}$$

Y para un punto situado fuera de la esfera , la relación anterior se expresa como:

$$E = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \times \frac{Q}{(R + d)^2}$$

